

	1 дифференциальное уравнение	1 дискретное уравнение
<b>Общий вид</b>	$\frac{dx}{dt} = f(x)$	$N_{t+1} = F(N_t)$
<i>Переменные модели</i>		
<b>Независимая переменная</b>	Время $t$ непрерывно	Время $t$ дискретно
<b>Зависимые переменные</b>	$x(t)$	$N_{t+1}, N_t$
<b>Параметры</b>	Неизменные в процессе решения величины	
<b>Решение уравнения и его график</b>	Непрерывная кривая $x(t)$	Последовательность точек $\{N_t\}$
<b>Начальное условие (значение переменной в момент <math>t = 0</math>)</b>	$x(0) = x_0$	$N(0) = N_0$
<i>Исследование стационарного состояния</i>		
<b>Стационарное состояние, терминология, обозначение</b>	Точка покоя, особая точка, состояние равновесия $\bar{x}$	Неподвижная точка, положение равновесия $N^*$
<b>Нахождение стационарного состояния</b>	$\frac{dx}{dt} = 0 \Rightarrow f(x) = 0$ $\bar{x}$ - решение уравнения $f(x) = 0$	$N_{t+1} = N_t = N^*$ $N^*$ - решение уравнения $N^* = F(N^*)$
<i>Если при достаточно малом начальном отклонении от положения равновесия система никогда не уходит от положения равновесия, то такое положение равновесия называют устойчивым</i>		
<b>Отклонение от стационара</b>	$\xi(t) = x(t) - \bar{x}$	$q_{t+1} = N_{t+1} - N^*$
<b>Уравнение для отклонения</b>	$\frac{d\xi}{dt} = f(\bar{x} + \xi)$	$q_{t+1} = F(N^* + q_t) - N^*$
<b>Разложение правой части в ряд Тейлора в окрестности стационарной точки</b>	$\frac{d\xi}{dt} = f'(\bar{x})\xi + \frac{1}{2}f''(\bar{x})\xi^2 + \dots$	$q_{t+1} = F'(N^*)q_t + \frac{1}{2}F''(N^*)q_t^2 + \dots$
<b>Линеаризованное уравнение</b>	$\frac{d\xi}{dt} = a \cdot \xi$ $a = f'(\bar{x})$	$q_{t+1} = a \cdot q_t$ $a = F'(N^*)$
<b>Решение линейного уравнения для отклонения</b>	$\xi(t) = \xi_0 \cdot e^{a \cdot t}$	$q_{t+1} = a \cdot q_t$

<b>Критерий устойчивости по Ляпунову</b>	1. Если $a < 0$ , то при $t \rightarrow \infty \xi(t) \rightarrow 0$ , состояние равновесия устойчиво. 2. Если $a > 0$ , то при $t \rightarrow \infty \xi(t) \rightarrow \infty$ состояние равновесия неустойчиво. 3. Случай $a = 0$ требует дополнительных исследований	1. Если $ a  < 1$ , то при $t \rightarrow \infty q_t \rightarrow 0$ , положение равновесия устойчиво. 2. Если $ a  > 1$ , то при $t \rightarrow \infty q_t \rightarrow \infty$ положение равновесия неустойчиво. 3. Случаи $a = \pm 1$ и $a = 0$ требуют дополнительных исследований.
<b>Поведения траектории вблизи устойчивого положения равновесия</b>	Монотонное приближение к состоянию равновесия ( $a < 0$ )	1. Монотонное приближение к состоянию равновесия ( $0 < a < 1$ ) 2. Затухающие колебания ( $-1 < a < 0$ )
<b>Поведения траектории вблизи неустойчивого положения равновесия</b>	Монотонное удаление от состояния равновесия ( $a > 0$ )	1. Монотонное удаление от состояния равновесия ( $a > 1$ ) 2. Колебания с возрастающей амплитудой ( $a < -1$ )